



درسنامه ۱

پراش موج:

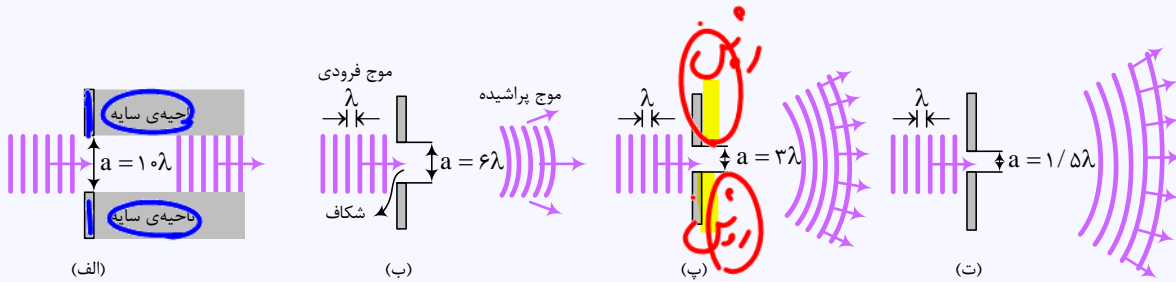
◀ **نوعی عبور نور از شکاف:** وقتی موج تختی به شکاف ایجاد شده در یک مانع کدر می‌رسد، دو اتفاق ممکن است بیفتد:

الف) اگر ابعاد شکاف (a) خیلی بزرگ‌تر از طول موج باشد ($a > 10\lambda$) نور تقریباً بدون انحراف از شکاف عبور می‌کند و ناحیه‌ی شکاف روشن و اطراف آن تاریک می‌ماند.

موج مسطح

ب) اگر ابعاد شکاف در حدود طول موج باشد، جبهه‌های موج از حالت تخت خارج شده و به شکل دایره‌ای یا کروی درمی‌آیند و به پشت مانع راه می‌یابند. هر چه پهنای شکاف کوچک‌تر باشد، میزان خمیدگی موج‌ها و نفوذ آن‌ها به ناحیه‌ی سایه (پشت مانع) بیشتر می‌شود.

Q → λ



◀ **تعریف پراش:** به گستردگی یک موج به اطراف پس از عبور از یک روزنه «پراش» می‌گویند.

نکته:

ابعاد روزنه

۱- میزان خمیدگی موج پس از عبور از شکاف به نسبت $\frac{a}{\lambda}$ بستگی دارد. هر چه a به λ نزدیک‌تر باشد،

طول موج

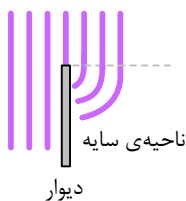
میزان پراشیدگی نور بیشتر است و اگر a خیلی بزرگ‌تر از λ باشد، پراش اتفاق نمی‌افتد.

۲- پدیده‌ی پراش محدود به عبور موج از شکاف کوچک نمی‌شود. وقتی موج به مانعی می‌رسد که ابعاد آن

در حدود طول موج است، پراشیدگی می‌شود. یعنی موج می‌تواند به منطقه‌ی پشت مانع راه پیدا کند و باعث

شود سایه‌ی جسم، وضوح لازم را نداشته باشد. اگر ابعاد مانع بسیار نزدیک به λ باشد،

سایه‌اش کاملاً محو می‌شود. (یعنی سایه تشکیل نمی‌شود!)



به همین دلیل گفته می‌شود موج، اجسام بسیار بسیار کوچک (در حد λ) را به طور

کامل دور می‌زند و هیچ تصویری از آن اجسام مشاهده نمی‌شود.



تست (۱)

گوشی‌های تلفن همراه با امواج رادیویی با بسامد حدود ۲ GHz کار می‌کنند. ابعاد مانعی که سبب پراشیده

شدن این امواج شود، در چه حدودی است؟ ($c = 3 \times 10^8 \text{ km/s}$)

۱۵ m (۴)

۱/۵ m (۳)

۱۵ cm (۲)

۱/۵ cm (۱)

Handwritten solution for Question 1:

$$f = 2 \text{ GHz} \Rightarrow c = \lambda f$$

$$c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{2 \times 10^9} = 0.15 \text{ m} = 15 \text{ cm}$$

Option (2) is circled in blue.

تست (۲)

مطابق شکل، موج تخت فرودی از نور تکفام آبی به طول موج 400 nm ، به شکافی با پهنا a می‌رسد و

بخشی از آن، از راه شکاف پراش پیدا می‌کند. اگر بخواهیم همین الگوی پراش با موج تخت فرودی از نور تکفام قرمز

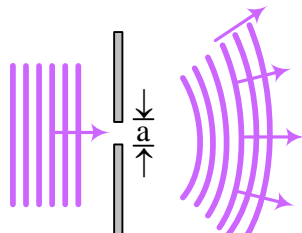
به طول موج 700 nm ایجاد شود، لازم است پهنا شکاف چند درصد و چگونه تغییر کند؟

(۲) تقریباً ۶۷٪ کاهش یابد.

(۱) تقریباً ۶۷٪ افزایش یابد.

(۴) ۷۵٪ کاهش یابد.

(۳) ۷۵٪ افزایش یابد.



پراش

برابر

$$\lambda_1 = 400 \text{ nm}$$

$$\lambda_2 = 700 \text{ nm}$$

$$\frac{7}{4}$$

$$1 + \frac{3}{4} = \frac{7}{4}$$

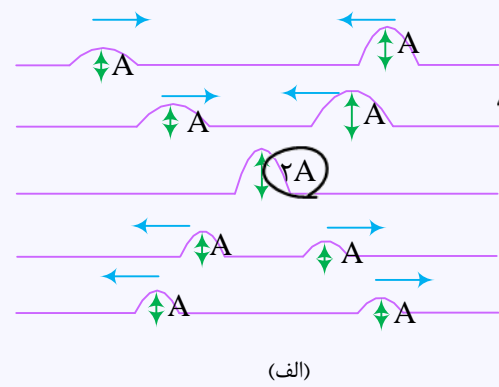
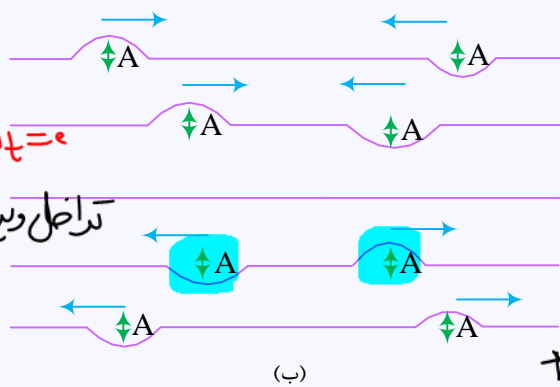
۷۵٪ افزایش



درسنامه ۲

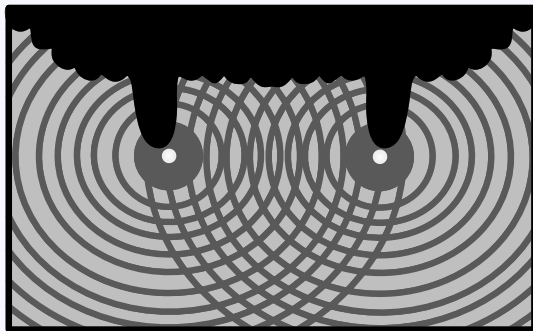
تداخل موج:

شکل زیر، عکس های دو تپ را که در جهت های مخالف هم در یک ریسمان کشیده شده حرکت می کنند در چند لحظه ای متوالی نشان می دهد. وقتی این تپ ها به هم می رسند و با یکدیگر همپوشانی می کنند، بنابر اصل برهم نهی، تپ برآیند با مجموع دو تپ برابر است. توجه کنید چه برای تپ ها و چه برای موج هایی که همپوشانی می کنند، آن ها به هیچ وجه شکل و حرکت یکدیگر را تغییر نمی دهند، و بنابراین پس از همپوشانی، بدون هر گونه تغییر شکلی به حرکت خود ادامه می دهند. به ترکیب موج ها با یکدیگر، تداخل می گویند. به بیان دیگر تداخل، ترکیب دو یا چند موج است که هم زمان از یک منطقه عبور می کنند. در شکل الف، تپ ها هنگام همپوشانی تپ بزرگ تری را ایجاد کرده اند که به آن تداخل سازنده می گویند، در حالی که در شکل ب، تپ ها هنگام همپوشانی اثر یکدیگر را حذف کرده اند که به آن تداخل ویرانگر می گویند.



(ب)

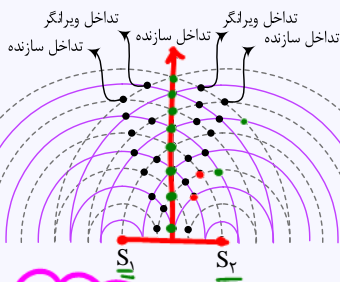
(الف)



تداخل امواج سطحی آب: برای مشاهده ی تداخل امواج سطحی بر

سطح آب، دو گوی کوچک را با بسامد یکسان، به طور هم زمان بر سطح آب به نوسان درمی آوریم. دو دسته موج دایره ای ایجاد می شود که بی آنکه بر انتشار یکدیگر تأثیر بگذارند، با یکدیگر همپوشانی می کنند و نقشی مانند نقش شکل زیر را بر سطح آب به وجود

می آورند. امواج در برخی نقاط همدیگر را تقویت می کنند و تداخل سازنده انجام می دهند و در برخی نقاط همدیگر را تضعیف می کنند و تداخل ویرانگر انجام می دهند. به عبارتی، برآمدگی ها یا فرورفتگی های دو موج که در یک زمان در نقطه ای به همدیگر برسند، سطح آب را در آن نقطه به شدت بالا یا پایین می برند.



$$f_{S_1} = f_{S_2}$$

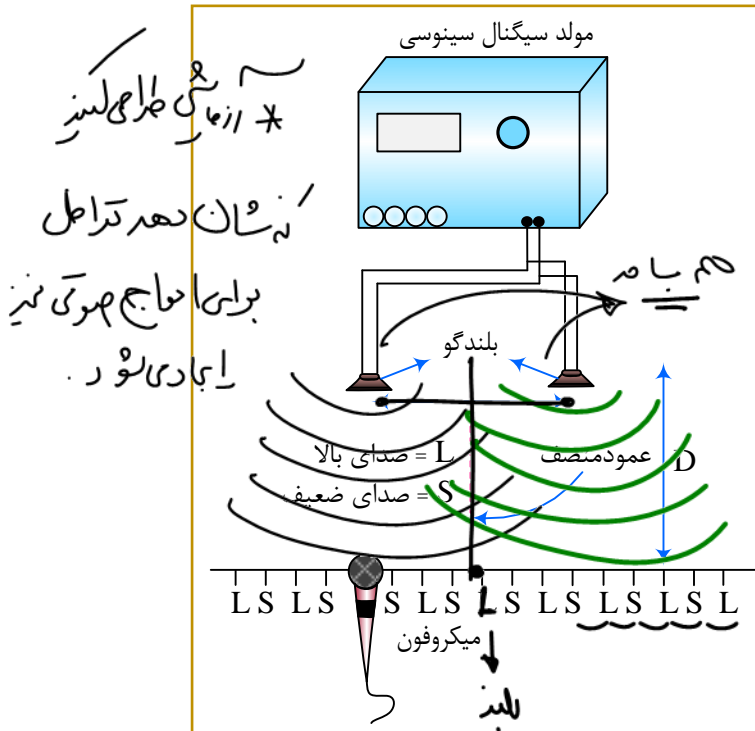
سازنده } دره - تله
ویرانگر } دره - تله



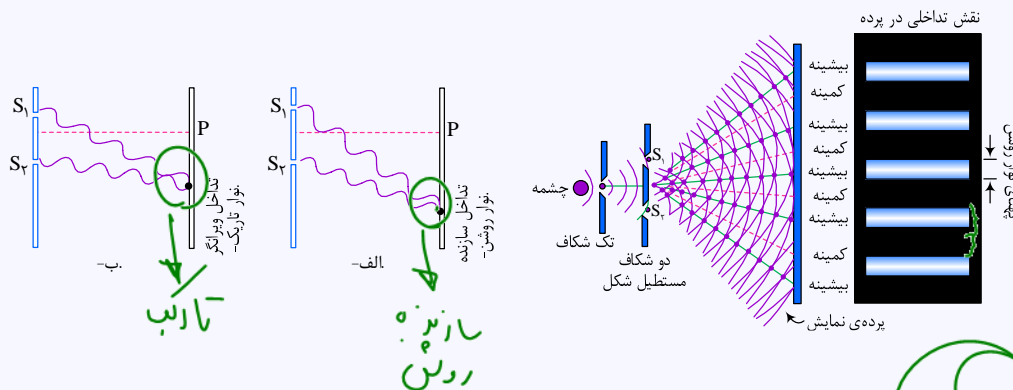
تداخل امواج صوتی: با دستگاهی به شکل زیر می توان تداخل امواج صوتی را بررسی کرد. مولد، امواج سینوسی هم‌بسامدی را ایجاد می کند که از طریق بلندگوها در فضا پخش می شود. با حرکت دادن میکروفون در امتداد خط نشان داده شده صدا به طور متناوب، بلند (در نقاط L) و آرام (در نقاط S) شنیده می شود که نشان دهنده تداخل سازنده امواج صوتی در نقاط L و تداخل ویرانگر آن‌ها در نقاط S است.

نکته:

فاصله‌ی بین هر نقطه‌ی L با نقطه‌ی S مجاورش با طول موج صوت حاصل از بلندگو نسبت مستقیم دارد.



تداخل امواج نوری: «توماس یانگ» با انجام آزمایش معروف خود نشان داد پدیده‌ی تداخل برای نور هم اتفاق می افتد و نتیجه گرفت نور، موج است. شکل زیر طراحی از آزمایش یانگ را نشان می دهد. نور تک رنگی به صفحه‌ی کدر شامل دو شکاف S_1 و S_2 می تابد و پس از پراش توسط دو شکاف با هم تداخل می کنند و نوارهای تاریک و روشنی را به طور یک در میان روی پرده تشکیل می دهند. در نقاط روشن، دو موج، تداخل سازنده دارند و در نقاط تاریک، دو موج، تداخل ویرانگر دارند. به نقش ایجاد شده روی پرده «نقش تداخلی» می گویند.

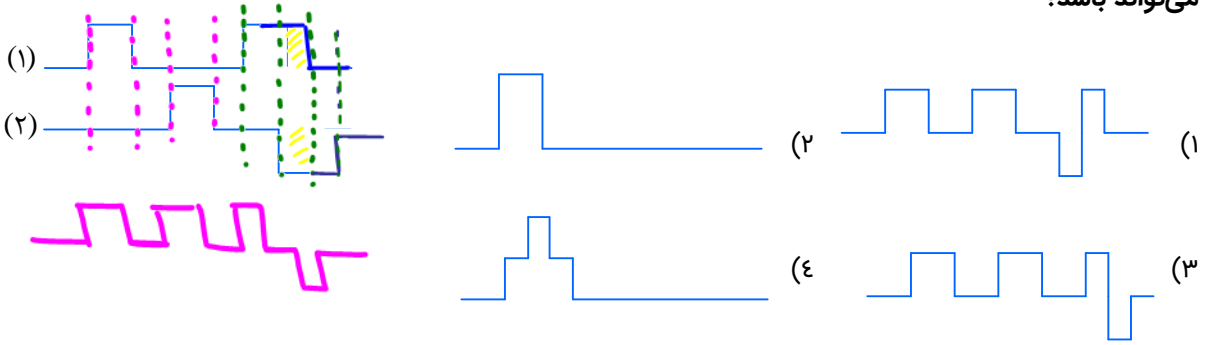


تذکره: در این نقش پهنای هر نوار تاریک یا روشن (که مساوی فرض می شوند) متناسب با طول موج نور به کار رفته در آزمایش است.



تست (۳) در شکل مقابل، وقتی موج (۱) بر موج (۲) برهم‌نهاده شود، شکل موج برهم‌نهاده مطابق کدام شکل

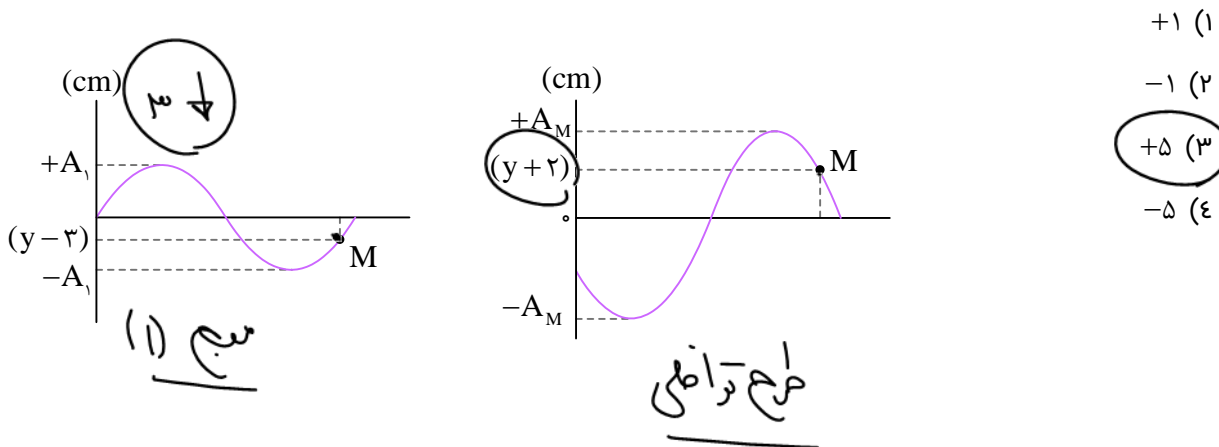
می‌تواند باشد؟



تست (۴) دو موج، هم‌زمان از یک ریسمان می‌گذرند. در شکل زیر و برای یک لحظه ی معین، نمودار جابه‌جایی-مکان

موج (۱) در سمت چپ و نمودار جابه‌جایی برآیند- مکان دو موج در سمت راست شده‌اند. اگر فقط موج (۲) از

ریسمان عبور کند، در همین لحظه جابه‌جایی نقطه‌ی M نسبت به وضع تعادل چند سانتی‌متر می‌شود؟

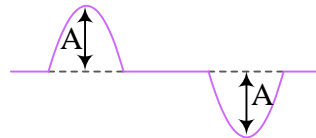
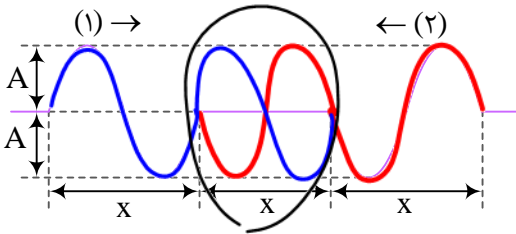




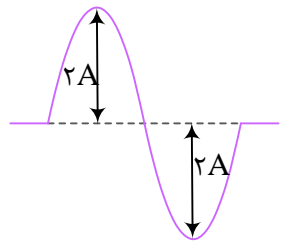
تست (۵) در شکل مقابل، دو تپ سینوسی در یک طناب با دوره T و دامنه A را مشاهده می‌کنید که به طرف

هم در حال انتشار هستند. پس از گذشت زمان T ، نقش موج حاصل از برهم‌نهی آن‌ها در طناب به کدام شکل

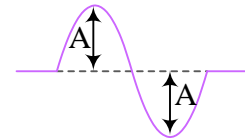
است؟ (امتحان هماهنگ کشوری ۹۰، با تغییر) $T \rightarrow \lambda$



(۲) (۱)



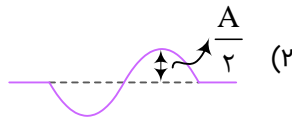
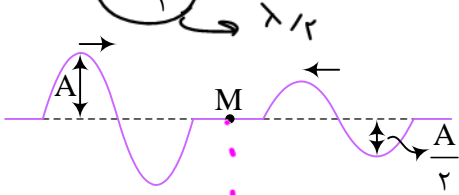
(۳) (۴)



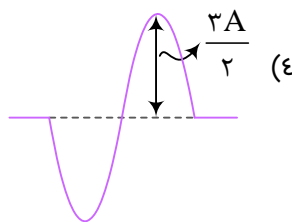
تست (۶) در شکل مقابل، دو تپ سینوسی با دوره T که در خلاف جهت هم روی یک طناب منتشر می‌شوند. در

لحظه $t = 0$ ، به نقطه M از طناب می‌رسند. شکل موج حاصل از برهم‌نهی دو موج، در لحظه $t = \frac{T}{2}$ کدام

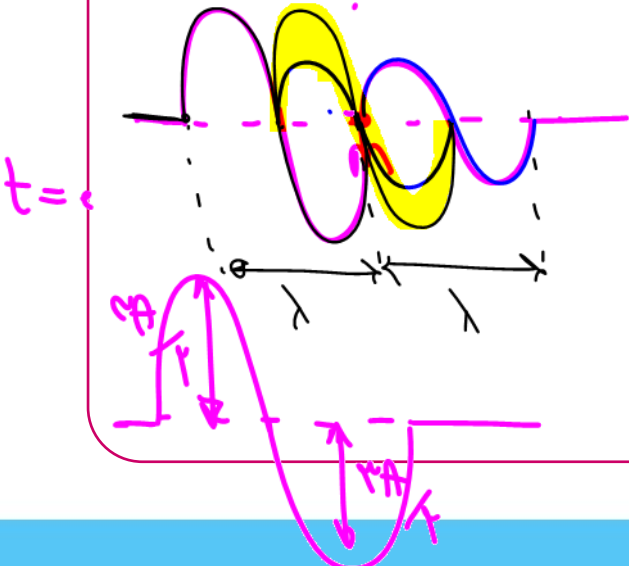
است؟



(۲) (۱)



(۳) (۴)





فیزیک دوازدهم

تداخل امواج

تست (۷) در آزمایش یانگ در خلاء، اگر طول موج نور مورد آزمایش را 150 nm تغییر دهیم، پهنای هر نوار روشن 3 mm تغییر می‌کند. اگر بخواهیم بدون تغییر فاصله‌ها در دستگاه، پهنای هر نوار روشن روی پرده 1 mm شود، باید آزمایش را با نوری به بسامد چند تراهرتز انجام دهیم؟ (تندی نور در خلاء $3 \times 10^8\text{ m/s}$ است.)

~~$D \propto \lambda$~~

$\Delta \lambda = 150\text{ nm}$
 $\Delta D = 0.13\text{ mm}$
 $D_1 = 1\text{ mm}$
 $\lambda_1 = ?$
 $\lambda_2 = ?$

$\lambda \propto D \rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{D_2}{D_1} \rightarrow \frac{\lambda_2}{150} = \frac{D_2}{1}$
 $\frac{\lambda_2}{150\text{ nm}} = \frac{1\text{ mm}}{0.13\text{ mm}} \Rightarrow \lambda_2 = \frac{150 \times 1000}{0.13} \Rightarrow \lambda_2 = \frac{1500000}{0.13} = 11538461.54\text{ nm}$

$c = \lambda f \rightarrow f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{11538461.54 \times 10^{-9}} = 26 \times 10^9\text{ Hz}$

(۴) 450 (۳) 500 (۲) 550 (۱) 600 ✓

تست (۸) سرعت پرتوی تک‌رنگی در هوا و در محیط شفاف دیگری، به ترتیب $3 \times 10^8\text{ m/s}$ و $2/25 \times 10^8\text{ m/s}$ است. اگر با یک دستگاه آزمایش یانگ، بتوان در هوا و محیط شفاف، نوارهای تداخلی تشکیلی داد، پهنای نوارهای در هوا، چند برابر پهنای نوارها در محیط شفاف است؟ (آزمایشی آموزش و پرورش شهر تهران ۸۸)

~~$v = \lambda f$~~

$D \propto \lambda \propto v$

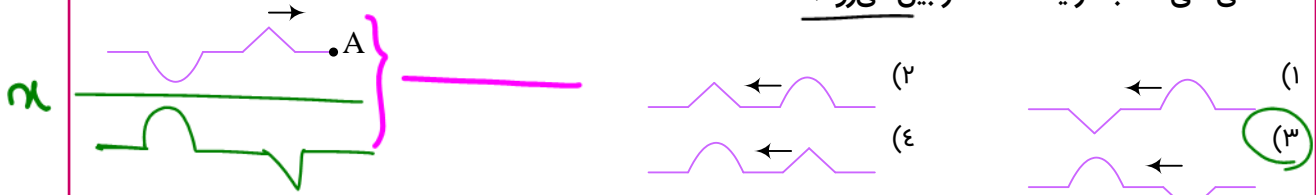
$\frac{D_{\text{هوا}}}{D_{\text{شفاف}}} = \frac{v_{\text{هوا}}}{v_{\text{شفاف}}} = \frac{3 \times 10^8}{2/25 \times 10^8} = \frac{300}{2.25} = \frac{70}{0.5}$

(۴) $16/9$ (۳) $4/3$ ✓ (۲) $2/4$ (۱) 1



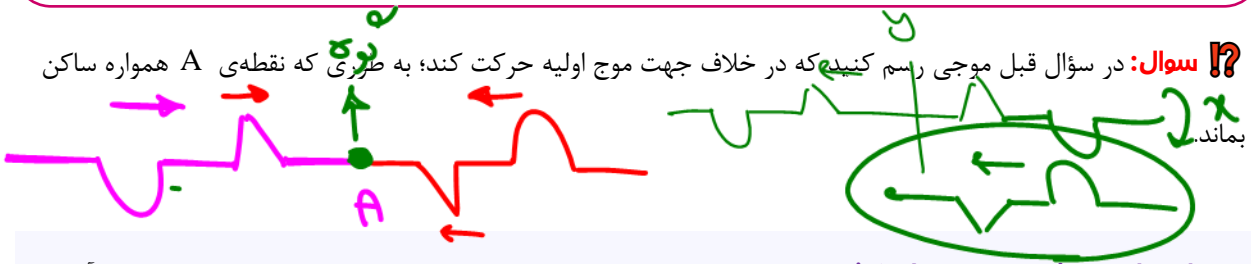
تست (۹) موجی به شکل زیر، در طول طنابی منتشر می‌شود، از تداخل این موج با کدام یک از موج‌های زیر،

آشفته‌گی‌های طناب در یک لحظه از بین می‌رود؟



* اگر تداخل دو موج با هم در یک نقطه صورت بگیرد یعنی آن دو موج سبب یکدیگر را خنثی می‌کنند

سوال! در سؤال قبل موجی رسم کنید که در خلاف جهت موج اولیه حرکت کند؛ به طوری که نقطه‌ی A همواره ساکن بماند.



موج ایستاده و تشدید در ریسمان کشیده: ریسمانی را تصور کنید که در یک انتها ثابت شده است و انتهای دیگر آن به

نوسان درمی‌آید. وقتی موج بازتابیده از انتهای ثابت (که در شکل با رنگ آبی مشخص شده است و به سمت چپ حرکت می‌کند)

با موج تابیده (که در شکل با رنگ سبز مشخص شده است و به سمت راست حرکت می‌کند) ترکیب شوند موجی برآیند ایجاد

می‌کنند که شکل آن از اصل برهم‌نهی حاصل می‌شود (این موج در شکل با رنگ قرمز مشخص شده است). مشخصه‌ی بارز این

موج برآیند آن است که مکان‌هایی در طول ریسمان، موسوم به گره، وجود دارد که در آن‌ها ریسمان هرگز حرکت نمی‌کند.

وسط گره‌های مجاور را شکم می‌گویند که دامنه‌ی موج برآیند در آنجا بیشینه است.



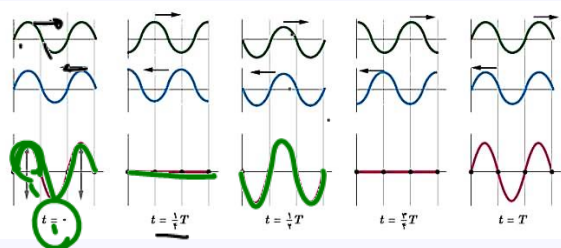
پس می‌توان نتیجه گرفت:

* در محل گره تداخل ویرانگر و در محل شکم تداخل سازنده وجود دارد.

* از آن جا که $E \propto A^2 F^2$ است، پس می‌توان نتیجه گرفت شکم دارای بیشترین انرژی و گره دارای کمترین انرژی می‌باشد.

* نقش موج برآیند را در این حالت، موج ایستاده می‌گویند؛ زیرا نقش‌های این موج به چپ و راست حرکت نمی‌کند و محل گره

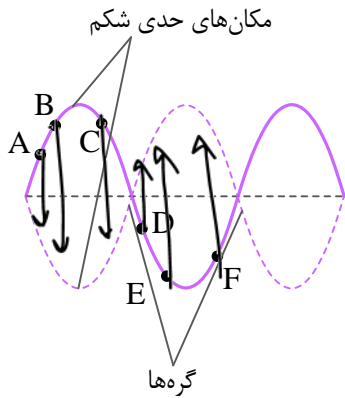
شکم‌ها تغییر نمی‌کند.



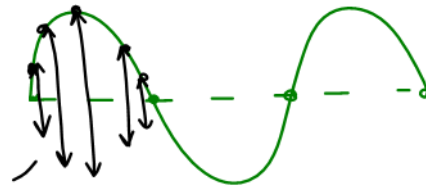


چند تذکر بسیار مهم:

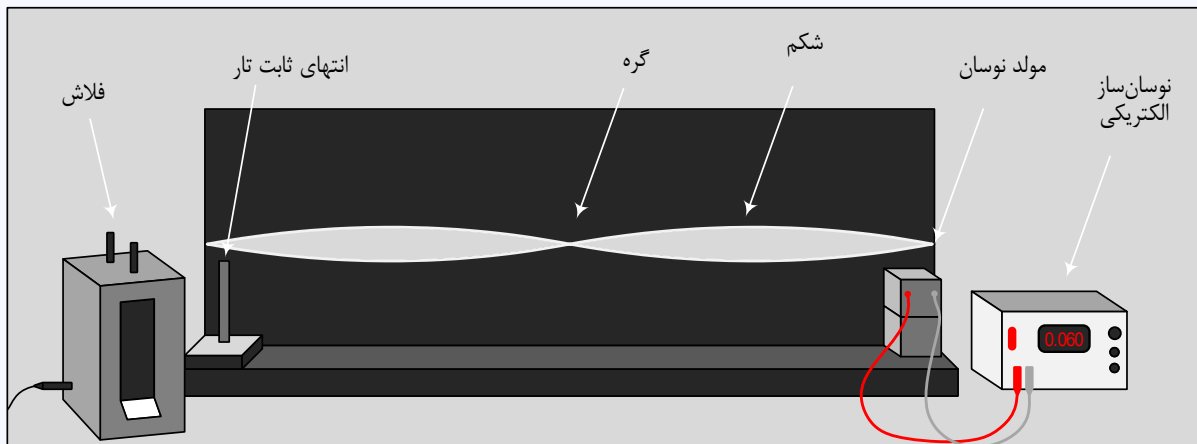
۱) نقاطی که روی یک دوک هستند، دارای وضعیت نوسانی یکسان هستند (هم فاز) ولی با نقاطی که روی دوک مجاور است، در فاز مخالف هستند.



۲) نقاط روی یک دوک بسامد یکسان دارند ولی دامنه‌ی متفاوت دارند.

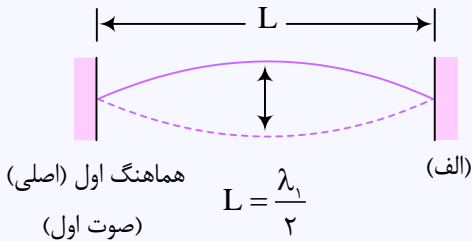


بسامدهای تشدید تار: شکل زیر تصویری واقعی از اسباب آزمایشی را نشان می‌دهد که در آن تاری کشیده شده، از یک سر به یک مولد نوسان و از سر دیگر به گیره‌ای متصل است. به ازای بسامدهای معینی از مولد نوسان، تداخل موجب ایجاد موج ایستاده‌ی بارزی (با اصطلاحاً یک مُدِ نوسان) در تار می‌شود. گفته می‌شود تار در این بسامدهای معین که بسامدهای تشدید می‌شوند به تشدید درآمده است. اگر تار در بسامدی غیر از بسامدهای تشدید نوسان کند، موج ایستاده‌ی بارزی ایجاد نمی‌شود.

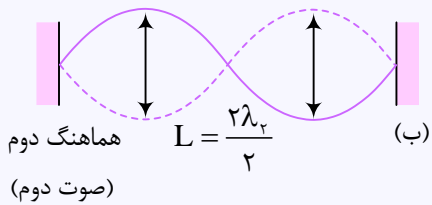




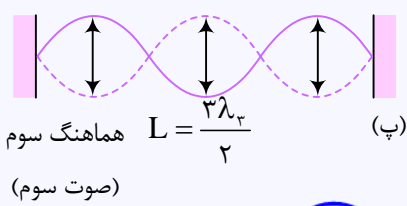
پس متوجه می‌شویم به ازای بسامد معینی از مولد شکل‌های متفاوتی از موج ایستاده ایجاد می‌شود که در این جا بررسی می‌کنیم که به ازای چه بسامدی چه شکلی از موج ایستاده خواهیم داشت:



$$L = n \frac{\lambda_n}{2} \quad (n = \text{تعداد شکم})$$



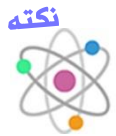
$$\lambda_n = \frac{2L}{n} \quad \frac{v = \lambda_f}{\lambda_n = \frac{v}{f_n}} \rightarrow \frac{v}{f_n} = \frac{2L}{n}$$



$$\Rightarrow f_n = \frac{nV}{2L}$$

تعداد شکم

* با استفاده از رابطه‌ی بالا می‌توان محاسبه کرد هر شماره هماهنگ به ازای چه بسامدی تولید می‌شود.



Handwritten notes showing the derivation of the frequency formula:

$$f_1 = \frac{v}{2L} \Rightarrow f_1 = \frac{v}{2L} \Rightarrow f_n = \frac{nv}{2L} = n f_1$$

نتیجه $f_n = n f_1$

تفاوت بسامدها $f_m - f_n = (m-n) f_1$

تفاوت بسامدها $f_m - f_n = (m-n) f_1$

تفاوت بسامدها $f_m - f_n = (m-n) f_1$

تفاوت بسامدها $f_m - f_n = (m-n) f_1$



تست (۱۳) تار به طول ۴۵ سانتی‌متر بین دو نقطه‌ی ثابت، بسته شده است. در این تار موج ایستاده ایجاد شده و در طول آن ۳ شکم تشکیل شده است. اگر سرعت انتشار موج عرضی در این تار 180 m/s باشد، بسامد صدای تار در این حالت چند هرتز است و این بسامد، هماهنگ چندم صوت اصلی است؟ (کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۵)

(۱) ۳۰۰، سوم
 (۲) ~~۳۰۰~~، سوم
 (۳) ۶۰۰، سوم
 (۴) ~~۶۰۰~~، چهارم
 $v = 180 \text{ m/s}$

$\lambda = 15 \text{ cm}$
 $v = \lambda f$
 $180 = 0.15 f$
 $f = 1200 \text{ Hz}$

تست (۱۴) دو سر یک تار در دو نقطه، محکم بسته شده و در آن موج ایستاده تشکیل شده است و طول موج در تار، برابر با 16 cm می‌باشد. کدام یک از اندازه‌های داده شده بر حسب سانتی‌متر، نمی‌تواند طول این تار باشد؟

(۱) ۲۴
 (۲) ۴
 (۳) ۶
 (۴) ۱۲۰

$L = n \times \frac{\lambda}{2}$
 $n \in \mathbb{N}$

تست (۱۵) در یک تار دو انتها بسته، یکی از بسامدهای تشدید 150 Hz و بسامد تشدید پس از آن 225 Hz است. اگر در طول تار پنج گره تشکیل شده باشد، بسامد تار در این حالت چند هرتز است؟

(۱) ۶۰۰
 (۲) ۳۷۵
 (۳) ۳۰۰
 (۴) ۲۲۵

$f_v = v f_1$
 $f_2 = 4 f_1$
 $f_2 - f_1 = f_1$

$f = 225 - 150 = 75 \text{ Hz}$
 $f = 75 \times 5 = 375 \text{ Hz}$

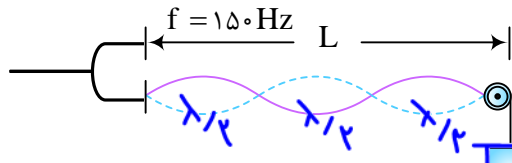


فیزیک دوازدهم

تداخل امواج

تست (۱۶) مطابق شکل در یک تار مرتعش، موج ایستاده تشکیل شده است. اگر طول تار (L) برابر ۶۰ سانتی‌متر و

جرم تار ۲ گرم باشد، جرم وزنه‌ی آویخته شده از انتهای تار چند گرم است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)



- (۱) ۳۶۰
- (۲) ۶۸۰
- (۳) ۱۲۰۰
- (۴) ۱۰۰۰

Handwritten solution for Test 16:

$f = 150 \text{ Hz}$

$\lambda = \frac{2L}{n} = \frac{2 \times 60}{3} = 40 \text{ cm}$

$v = \lambda f = 40 \times 150 = 6000 \text{ cm/s} = 60 \text{ m/s}$

$mg = F_T$

$v = \sqrt{\frac{F_T L}{m}} \Rightarrow 60 = \sqrt{\frac{F_T L}{m}} \Rightarrow F_T = \frac{m v^2}{L}$

$mg = \frac{m v^2}{L} \Rightarrow g = \frac{v^2}{L} \Rightarrow v = \sqrt{gL} = \sqrt{10 \times 0.6} = 2.45 \text{ m/s}$

$F_T = \frac{m v^2}{L} = \frac{0.002 \times (2.45)^2}{0.6} = 0.002 \times 10 = 0.02 \text{ N}$

$m = \frac{F_T}{g} = \frac{0.02}{10} = 0.002 \text{ kg} = 2 \text{ g}$

تست (۱۷) تار مرتعشی به طول ۳۰ سانتی‌متر و قطر مقطع ۰/۵ میلی‌متر و چگالی 8 g/cm^3 بین دو نقطه با

نیروی ۶۰ نیوتن کشیده می‌شود و در طول آن ۴ گره ایجاد می‌شود. بسامد صوت حاصل چند هرتز است؟ ($\pi = 3$)

Handwritten solution for Test 17:

$L = 30 \text{ cm}$

$D = 0.5 \text{ mm}$

$\rho = 8 \text{ g/cm}^3$

$F = 60 \text{ N}$

$n = 4$ (4 nodes, 3 antinodes)

$\lambda = \frac{2L}{n} = \frac{2 \times 30}{3} = 20 \text{ cm}$

$v = \lambda f = 20 f$

$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$

$20 f = \sqrt{\frac{60}{8 \times \frac{\pi}{4} \times 10^{-6}}}$

$20 f = \sqrt{\frac{60}{2 \times 10^{-6}}}$

$20 f = \sqrt{30 \times 10^6} = \sqrt{3} \times 10^3$

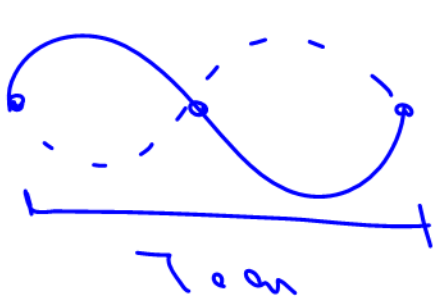
$f = \frac{\sqrt{3} \times 10^3}{20} = \frac{1.732 \times 1000}{20} = 86.6 \text{ Hz}$

تست (۱۸) دو سر طنابی ثابت شده است. وقتی طناب را به ارتعاش درمی‌آوریم، در آن موج ایستاده تشکیل می‌شود.

اگر طول طناب ۶۰ cm و در طول آن دو شکم ایجاد شده باشد، بسامد نوسان طناب چند هرتز است؟ (سرعت انتشار

موج در طناب ۲۴۰ m/s است.)

- (۱) ۱۰۰
- (۲) ۲۰۰
- (۳) ۴۰۰
- (۴) ۶۰۰



Handwritten solution for Test 18:

$L = 60 \text{ cm}$

$n = 2$ (2 antinodes)

$\lambda = \frac{2L}{n} = \frac{2 \times 60}{2} = 60 \text{ cm}$

$v = \lambda f = 60 f$

$v = 240 \text{ m/s}$

$240 = 60 f \Rightarrow f = 4 \text{ Hz}$



تست (۱۹) تار ی بین دو نقطه بسته شده و با بسامد f ارتعاش می‌کند و در طول آن یک شکم تشکیل شده است. اگر نیروی کشش تار را ۴ برابر کنیم و آن را با بسامد $8f$ به ارتعاش درآوریم، در این حالت در طول تار چند شکم تشکیل می‌شود؟

↑ n

۸ (۴) ۶ (۳) ۴ (۲) ۲ (۱)

$n=1$ $n=2$

۴ برابر می‌شود ۸ برابر می‌شود

$f_n = \frac{v}{\lambda}$

$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$

تست (۲۰) مجموع بسامدهای دو هماهنگ نخست یک تار دو انتها بسته ۳۷۵ هرتز است. اگر طول تار ۴۰ cm و جرم آن ۱۰ گرم باشد، نیروی کشش تار چند نیوتون است؟

$f_n = n f_1$

۲۵۰ (۴) ۳۶۰ (۳) ۲۰۰ (۲) ۱۸۰ (۱)

$f_1 + f_2 = 375 \Rightarrow f_1 = 125$

$f = k \cdot \mu$

$m = \rho \cdot l$

$f = ?$

$v = 100 \text{ m/s}$

$v = \sqrt{\frac{F \cdot l}{m}} \Rightarrow 100 = \sqrt{\frac{F \cdot 0.4}{1.0}} \Rightarrow F = 250 \text{ N}$